

...AES...

(c) 2007 Antonio Machiavelo

```
> restart:  
> with(numtheory):  
>
```

▼ Polinômios

```
> # Um polinómio...  
m:=x^9+x^4+x^3+x+1;  
> # ... e a sua factorização módulo 5, ou seja no anel Z_5[X]...  
Factor(m) mod 5;  
> #  
# A decomposição em primos (= irredutíveis, neste caso...) de m  
(x)  
# módulo p para os primeiros 6 números primos p...  
#  
for i to 6 do  
  p:=ithprime(i):  
  printf("%A %A\n",p,Factor(m) mod p):  
od:  
>  
>
```

▼ Corpos finitos

```
> restart:  
> # Dois polinómios primo em Z_2[X]...  
Factor(x^4+x+1) mod 2;  
Factor(x^4+x^3+x^2+x+1) mod 2;  
> # "Dois" F_16...  
alias(alpha=RootOf(x^4+x+1)):  
alias(beta=RootOf(x^4+x^3+x^2+x+1)):  
> # Cálculos nos "dois" F_16...  
evala(alpha^4+alpha+1) mod 2;  
evala(alpha^6) mod 2;  
evala(beta^4+beta+1) mod 2;  
gamma1:=beta^3+beta;  
evala(gamma1^4+gamma1+1) mod 2;  
> restart:  
> # O polinómio primo usado no AES...
```

```
m:=x^8+x^4+x^3+x+1:
```

```
Factor(m) mod 2;
```

```
> alias(alpha=RootOf(m));
```

```
> evala((alpha^7+alpha^5+alpha^3+alpha^2+1)*(alpha^6+alpha^5+alpha^2+alpha)) mod 2;
```

```
> convert(convert(01001101,decimal,binary),hexadecimal);
```

```
>
```

```
>
```