

Relatório da figura 17

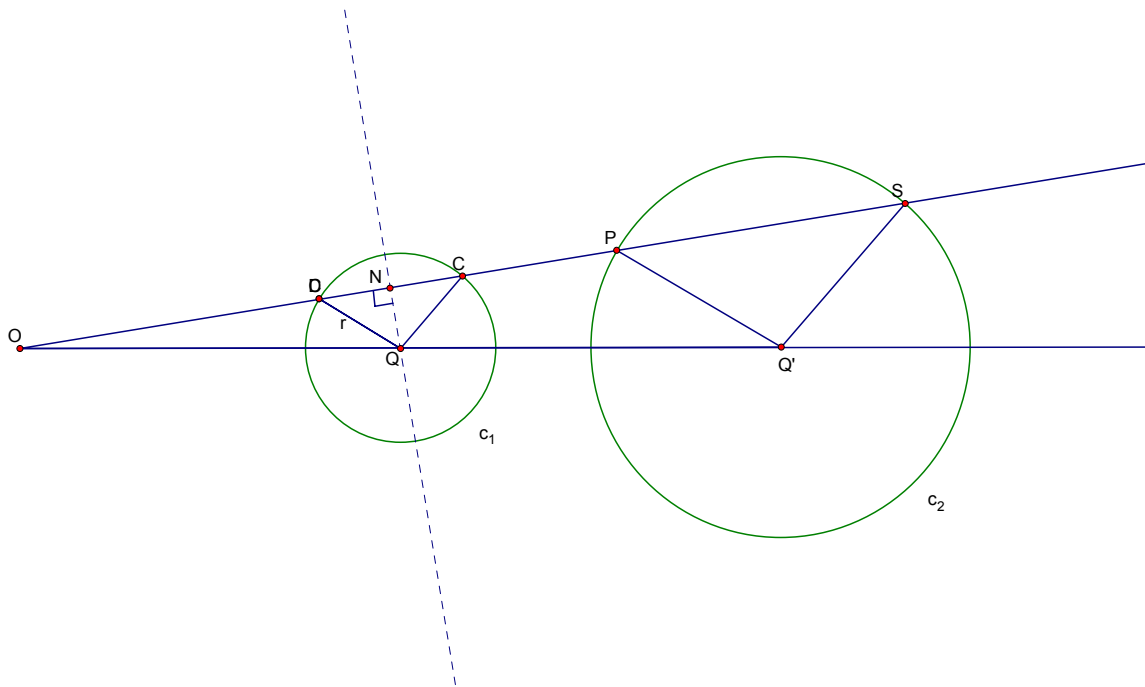


figura 17



Construção:

- Construir uma semi-recta com origem em O e depois construir um segmento de recta OQ (nessa semi-recta) que seja de comprimento variável.
- Construir a circunferência c_1 de centro Q cujo raio tenha uma constante proporção com OQ , neste caso, $OQ: r = 4$.
- Marcar D sendo um ponto qualquer dessa circunferência.

- Traçar a semi-recta OD . Determinar o ponto C como sendo o ponto de intersecção da semi-recta OD com c_1 .
- Marcar o ponto Q' como sendo um ponto da semi-recta OQ de tal modo que a circunferência de centro Q' tenha uma constante proporção com o seu raio, neste caso $OQ'=2OQ$.
- Traçar uma paralela a CQ passando por Q' . Intersectando esta com a semi-recta OD , obtemos o ponto S .
- Com centro em Q' e raio $Q'S$, traçar a circunferência c_2 . Intersectando c_2 com a semi-recta OD , obtemos o ponto P .

Objectivo:

O objectivo desta articulação plana é construir circunferências de grande tamanho.

Demonstração:

$$OQ^2 = ON^2 + NQ^2$$

$$QC^2 = NQ^2 + NC^2$$

$$OQ^2 - QC^2 = ON^2 - NC^2 = (ON - NC).(ON + NC) = OD.OC$$

Como OQ e QC são proporcionais então $OQ^2 - QC^2$ é constante.

Portanto $OD.OC$ é constante.

Sabemos então que $OD.OC = k$, logo $OD = k : OC$.

Como $OP : OD = k'$ temos que $OP : (k : OC) = k'$. Então $OP.OC : k = k'$, logo $OP.OC = kk'$.

Portanto $OP.OC$ é constante.

Então se C descrever uma circunferência de centro Q , P descreverá uma de centro Q' .

Para se tornar mais claro, rever a figura 7.