

Exercício 20 (nº39) Seja $f \in \text{Sim}(\mathbb{R}^n)$. Seja k a razão da similitude; ora $g = D(0, 1/k)f \in I(\mathbb{R}^n)$, porque a razão do produto de duas similitudes é o produto das suas razões; então $f = D(0, k)g$ como pretendíamos.

Exercício 21 (nº 46) Prova do Lema 45 . Seguindo a sugestão: existe uma correspondência natural entre os pontos da recta \overleftrightarrow{AB} e \mathbb{R} dada pela parametrização $A + x(B - A) = (1 - x)A + xB$: os pontos na semi-recta \overrightarrow{AB} são dados por $x \geq 0$, com os pontos do segmento \overline{AB} correspondendo aos valores $0 \leq x \leq 1$ e os pontos da semirecta oposta \overleftarrow{A} são dados por $x \leq 0$; é claro, que se o ponto $P \in \overleftrightarrow{AB}$ corresponde ao real x , então $\frac{AP}{PB} = x$ e $\frac{PB}{PA} = 1 - x$; então $\frac{AP}{PB} = x/1 - x = y$ tem solução, única, $x = y/1 + y$.