Novos resultados relativos ao problema de Cauchy não local e ao problema periódico para equações de evolução em espaços de Banach

Vasile Staicu Departmento de Matemática, Universidade de Aveiro. e-mail: vasile@ua.pt

Abstract

Apresenta-se resultados de existência de soluções integrais para equações de evolução em espaços de Banach. Nomeadamente estuda-se o problema de Cauchy não local

$$u'(t) \in -Au(t) + F(t, u(t)), 0 < t < T; u(0) = g(u)$$

num espaço de Banach X, onde $A:D\left(A\right)\subset X\to X$ é $m\text{-}accretive}$ e tal que -A gera um semigrupo compacto, $F:\left[0,T\right]\times X\to 2^X$ é uma multifunção e $g:C\left(\left[0,T\right];\overline{D\left(A\right)}\right)\to\overline{D\left(A\right)}$.

Considera-se também o problema periódico

$$\left\{ \begin{array}{l} -x'\left(t\right)\in Ax\left(t\right)+F\left(t,x\left(t\right)\right),\ t\in T:=\left[0,b\right],\\ x\left(0\right)=x\left(b\right), \end{array} \right.$$

onde $A:D(A)\subseteq X\to 2^X$ é um operador m-accretive num espaço de Banach reflexivo X e $F:T\times X\to 2^X$ é uma perturbação multívoca.